### УДК 532.64:532.68

# К ТЕОРИИ ИЗБИРАТЕЛЬНОГО СМАЧИВАНИЯ НЕОДНОРОДНЫХ ТВЕРДЫХ ПОВЕРХНОСТЕЙ

## А.В. Иванов, Б.Д. Сумм

#### (кафедра коллоидной химии)

Предложена модель избирательного смачивания неоднородных твердых поверхностей. В основе модели лежит предположение о двустадийности процесса смачивания: на первой стадии происходит вытеснение фазы-предшественника; на второй – непосредственно смачивание (натекание смачивающей жидкости на освободившийся участок твердой поверхности). Получено уравнение, связывающее статический краевой угол с относительной долей участков разной кривизны на линии контакта трех фаз.

Одна из крупных задач теории смачивания заключается в расчете краевых углов  $\theta_s$  на неоднородной твердой поверхности, а именно, в установлении связи  $\theta_s = f(\theta_0)$ , ( $\theta_0$  – равновесный краевой угол), в зависимости от параметров, характеризующих неоднородность поверхности. Впервые эта проблема была поставлена П.А. Ребиндером при изучении смачивания твердых поверхностей, модифицированных адсорбционными монослоями поверхностно-активных веществ (ПАВ) [1]. Краевые углы  $\theta_s$  соответствуют метастабильному равновесию на линии контакта трех фаз (ЛТК), участвующих в смачивании. Поэтому они называются статическими или кажущимися (*арраrent*) [2, 3] в отличие от угла  $\theta_0$ , отвечающего термодинамическому равновесию.

Для описания связи  $\theta_{S} = f(\theta_{0})$  при смачивании неоднородных поверхностей используются два подхода – термодинамический и кинетический.

В рамках этих подходов разработан ряд конкретных моделей, которые в той или иной мере учитывают такие факторы, как форма и размеры дефектов (микронеровностей отдельных участков), их распределение и др. [2, 4–9].

Тем не менее из-за сложного рельефа и состава реальных твердых поверхностей проблема смачивания неоднородных поверхностей остается актуальной.

В данной статье предлагается модель избирательного смачивания неоднородных твердых поверхностей, основное положение которой заключается в том, что этот процесс протекает в две стадии. На первой стадии происходит вытеснение с твердой поверхности жидкости  $L_2$ , которая контактировала с твердым телом до подвода смачивающей жидкости  $L_1$ . На второй стадии происходит натекание смачивающей жидкости на освободившийся участок твердой поверхности. Неоднородности твердой поверхности могут существенно влиять на возможность вытеснения фазы-предшественника.

Рассмотрим "бинарные" твердые поверхности, образованные двумя типами участков: A – смачиваемые натекающей жидкостью и B – смачиваемые вытесняемой жидкостью. В условиях избирательного смачивания энергетический барьер создается адгезией вытесняемой жидкости  $W_A^p$ , при оттекании – адгезией смачивающей жидкости  $W_A^w$ . Различие работ адгезии  $W_A^w \neq W_A^p$  обуславливает большой порядковый гистерезис (различие краевых углов при натекании и оттекании) при избирательном смачивании [4, 10]. Важная роль вытеснения (деадгезии) фазы-предшественника подтверждается большой длительностью (более 1 мес при 20° C) установления статических краевых углов избирательного смачивания [11].

Для неоднородных твердых поверхностей значения работы адгезии вытесняемой жидкости на отдельных участках различны. Соответственно и энергетические барьеры при ее деадгезии могут быть как сравнительно низкими, так и достаточно высокими. В первом случае будет происходить оттеснение фазы-предшественника и смачивание занимавшегося ею участка, во втором случае пленка вытесняемой жидкости может сохраняться на твердой поверхности весьма длительное время. Рассматриваемый механизм смачивания имеет определенную аналогию с развитием трещин в твердых телах при проявлении эффекта Ребиндера, когда чередуются процессы поступления поверхностно-активной жидкости в зону предразрушения вблизи вершины трещины и собственно разрыва материала [12]. При избирательном смачивании должно происходить разрушение адгезионного контакта между вытесняемой жидкостью и твердой поверхностью.

Перейдем к расчету статических краевых углов θ<sub>s</sub> на неоднородной твердой поверхности с учетом процесса вытеснения фазы-предшественника. Рассмотрим гладкую гетерогенную поверхность как хаотическую мозаику отдельных участков с разной поверхностной энергией  $\sigma_{SP}^{i}$  вблизи ЛТК. Работа адгезии вытесняемой жидкости  $W_A^{p,i}$  охватывает некоторый интервал ( $W_{A,\text{мин}}^{p} \leq W_{A}^{p,i} \leq W_{A,\text{макс}}^{p}$ ). Пусть размеры отдельных участков d<sub>i</sub> находятся в интервале  $a >> d_i > d_{MHH}$ ,  $a^2 = 2\sigma_{LG}/\rho g$  – капиллярная постоянная жидкости, р – ее плотность, g – ускорение свободного падения,  $d_{\text{мин}}$  составляет несколько молекулярных размеров. Такое соотношение используется в большинстве теоретических моделей смачивания мозаичных поверхностей [2, 4]. Строгий расчет требует учета распределения этих участков (доменов) по их поверхностным энергиям и по размерам. В такой общей постановке расчет очень сложен. Ограничимся поэтому упрощенной моделью.

Пусть данная жидкость  $L_1$  с поверхностным натяжением  $\sigma_L$  может оттеснить жидкость  $L_2$  с однородного участка *i* размером  $d_i$ , если ее работа адгезии  $W_A^{p,i}$  к поверхности ниже некоторого критического уровня  $W_{A,C}^{p}$ , т.е.  $W_A^{p,i} < W_{A,C}^{p}$ . Таким образом, в рамках принятых допущений твердую поверхность, включающую множество участков с различными значениями поверхностной энергии, можно рассматривать как бинарную поверхность, для которой все индивидуальные участки разделяются на две группы (рис. 1):

1) участки, с которых данная жидкость полностью вытесняет фазу-предшественник (*A*); в результате на них достигается полное смачивание:  $\cos \theta_4 = +1;$ 

2) участки, на которых сохраняется пленка фазыпредшественника, отделяющая поверхность твердого тела от подведенной жидкости (*Б*); эта ситуация



Рис. 1. Бинарная структура твердой поверхности. Сплошная линия соответствует положению волнистой ("лепестковой") геометрии ЛТК, пунктир – ее усредненному (условному) положению (точке О на рис. 2), темные и светлые участки – участкам твердой поверхности, с которых фаза-предшественник вытесняется и не вытесняется соответственно

соответствует полному несмачиванию данного участка: соз  $\theta_{R} = -1$ .

Предлагаемый подход позволяет существенно упростить анализ избирательного смачивания гетерогенных поверхностей. Вместо расчета краевых углов на множестве индивидуальных участков и учета множества различных дефектов данная модель позволяет ограничиться только двумя диаметрально противоположными ситуациями – вытеснением и невытеснением фазы-предшественника.

Основная особенность предлагаемой модели состоит в том, что в масштабе неоднородностей ЛТК не будет гладкой линией, как это принимается в феноменологической теории капиллярности при выводе уравнения краевого угла смачивания. ЛТК на гетерогенной поверхности останавливается на границах участков типа А и В, поэтому в микро- и мезомасштабе ее следует считать чередованием выпуклых и вогнутых участков размером  $d_i$ . На участках типа А (смачивание) эти отрезки опережают среднее положение ЛТК, на участках типа В (несмачивание) они отстают от него (рис. 2). Возле ЛТК формируется совокупность чередующихся менисков с размером кривизны порядка d<sub>i</sub>, а линия смачивания состоит из опережающих (выпуклых) на участках типа А и отстающих (вогнутых) "лепестков" на участках типа В (рис. 1).

Методы высокого разрешения (электронная микроскопия, лазерная интерференция и др.) подтверждают такую геометрию ЛТК [13, 14]. Отметим, что недифференцируемость ЛТК и допущение двух предельных случаев (полное смачивание и полное несмачивание) представляют ключевое положение в расчете краевых углов на основе фрактальной геометрии [15–17].

"Лепестковая" модель ЛТК приводит к следующему заключению. Механическое равновесие в зоне ЛТК и статический краевой угол  $\theta_s$  определяют баланс трех сил, действующих в этой зоне. Эти силы действуют в разных направлениях и, что особенно существенно, они приложены к участкам разной длины (рис. 2). Пусть доля линии смачивания, приходящаяся на смачиваемые участки типа А, составляет ξ. Рассмотрим силы, действующие на линию смачивания единичной длины. Сила  $f_1 = \sigma_{L_1L_2} \cos \theta_S$ действует на всей длине ЛТК. Она приложена в той области, где взаимодействие с твердой поверхностью еще не вызывает отклонений поверхности жидкости от гладкой формы. Сила  $f_2 = \sigma_{L_1L_2} \xi$  действует на поверхности натекающей жидкости на смоченных участках типа *A*. Сила  $f_3 = \sigma_{L_1L_2}$  (1- $\xi$ ) действует на поверхности пленки на несмоченных участках типа В. Тогда условие механического равновесия записывается в виде:

$$\sigma_{L_1L_2} \cos \theta_s + \sigma_{L_1L_2} (1-\xi) = \sigma_{L_1L_2} \xi.$$

Отсюда получаем уравнение статического краевого угла  $\theta_s$  на неоднородной твердой поверхности:

$$\cos \theta_s = 2\xi - 1. \tag{1}$$

Рассмотрим уравнение (1) применительно к трем случаям: 1) для однородной, полностью смачиваемой поверхности  $\xi \to 1$  (соз  $\theta_s \to +1$ , что соответствует условию полного смачивания); 2) при полном несмачивании однородной поверхности  $\xi \to 0$  (нет вытеснения фазы-предшественника и соз  $\theta_s \to -1$ ); 3) при одинаковой доле смачиваемых и несмачиваемых участков вдоль линии смачивания  $\xi = 0,5$  и  $\theta_s = 90^\circ$  (случай "безразличного" смачивания).

Уравнение (1) можно получить из уравнения Ребиндера–Касси для бинарной гетерогенной поверхности соз  $\theta_S = \phi \cos \theta_1 + (1 - \phi)\cos \theta_2$  ( $\theta_1$  и  $\theta_2$  – краевые углы на различных типах участков;  $\phi$  – доля площади участков 1 типа), принимая, что участки 1 и 2 соответствуют полному смачиванию и несмачиванию, т.е.  $\cos \theta_1 = +1$ ,  $\cos \theta_2 = -1$ , а также считая, что  $\xi$  совпадает с долей площади  $\phi$ , приходящейся на смачиваемые участки (что выполняется для многих бинарных гетерогенных поверхностей).

Обсудим теперь, от каких факторов зависит величина ξ. Для одной и той же гетерогенной твердой поверхности разные жидкости образуют разные краевые углы, следовательно параметр ξ зависит не только от свойств подложки, но и от свойств смачивающей жидкости. Физически величина ξ представляет обобщенную характеристику трехфазной системы, которая зависит от термодинамических свойств



Рис. 2. Профиль капли и действующие силы на линии трехфазного контакта при избирательном смачивании: *a* – на смачиваемом участке; *б* – на несмачиваемом участке (*L*<sub>1</sub> – смачивающая жидкость; *L*<sub>2</sub> – вытесняемая жидкость; *A* и *B* – смачиваемые и несмачиваемые участки твердой поверхности)

системы и от статистики распределения доменов с разной поверхностной энергией. В общем виде задача установления величины ξ сложна и требует отдельного рассмотрения. Ограничимся поэтому двумя частными случаями, для которых расчет параметра ξ представляется возможным. Отметим также, что в системах твердое тело – жидкость – газ структура линии смачивания имеет характер, аналогичный рассмотренной выше для случая избирательного смачивания.

При обсуждении связи критического поверхностного натяжения твердых тел (по Зисману) с физическими характеристиками подложки П. де Жен предложил простое соотношение соз  $\theta_s = 2\alpha_s/\alpha_L - 1$ ,  $\alpha_s$  и  $\alpha_L$  – поляризуемости твердого тела и смачивающей жидкости [2]. Это соотношение по форме

аналогично уравнению (1). Можно предположить поэтому, что в таких системах  $\xi = \alpha_s / \alpha_I$ .

Другая возможная корреляция основана на том, что для низкоэнергетических подложек удовлетворительно выполняется правило Антонова для межфазной поверхности твердое тело – жидкость, поэтому соз  $\theta_s = 2\sigma_s / \sigma_L - 1$ . Это соотношение хорошо согласуется с большим числом экспериментальных данных [18], следовательно, можно полагать, что в таких системах  $\xi = \sigma_s / \sigma_L$ .

В рамках предлагаемой модели находит свое объяснение анизотропия смачивания. Растяжение анизотропной подложки оказывает существенное влияние на форму "лепестков" на линии трехфазного контакта, что, как следствие, и усиливает анизотропию смачивания [19].

Работа выполнена при поддержке гранта РФФИ 02-03-32128.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Ребиндер П.А.* Избранные труды. Поверхностные явления в дисперсных системах. Коллоидная химия. М., 1978.
- 2. Де Жен П.Ж. // УФН. 1987. **151.** Вып. 4. С. 619.
- Сумм Б.Д., Горюнов Ю.В. Физико-химические основы смачивания и растекания. М., 1976.
- 4. Asthana R., Sobczak N. // JOM. 2000. **52.** № 1. P. 1
- Brandon S., Marmur A.J. // Colloid and Interface Sci. 1996. 183. P. 351.
- Drelich J., Miller J.D., Kumar A., Whitesides G.M. // Colloids and Surfaces. A. 1994. 93. P. 1.
- Drelich J., Wilbur J.L., Miller J.D., Whitesides G.M. // Langmuir. 1996. 12. P. 1913.
- Drelich J., Laskowski J.S., Pawlik M., Veeramasunen S. // J. Adhesion Sci. Technol. 1997. 11. № 11. P. 1399.
- 9. Drelich J. // J. Adhesion Sci. Technol. 1999. 13. № 12. P. 1437.
- 10. Сумм Б.Д., Соболева О.А., Должикова В.Д. // Коллоид. журн. 1998. **60**. № 5. С. 650.

- 11. Деньщикова Г.И., Сумм Б.Д. // Вестн. Моск. ун-та. Сер. 2. Химия. 1989. **30.** С. 512.
- Ребиндер П.А. Избранные труды. Поверхностные явления в дисперсных системах. Физико-химическая механика. М., 1979.
- Patrick R.L., Brown J.A. // J. Colloid and Interface Sci. 1971.
  35. № 2. P. 362.
- 14. Низовцев В.В. // Коллоид. журн. 1989. 51. 5. С. 919.
- Summ B.D., Samsonov V.M. // Colloids and Surfaces. 1999. 160. P. 63.
- 16. Самсонов В.М. // Коллоид. журн. 1997. 59. № 4. С. 520.
- Hazlett R.D. // J. Colloid and Interface Sci. 1990. 137. № 2. P. 527.
- 18. Абрамзон А.А., Зайченко Л.П., Сумм Б.Д. // Журн. прикл. химии. 1980. 53. № 5. С. 1040.
- 19. Русанов А.И. // Коллоид. журн. 1998. 60. С. 815.

Поступила в редакцию 10.11.03

# ON THE NEW APPROACH TO THE THEORY OF PREFERENTIAL WETTING OF HETEROGENEOUS SOLID SURFACES

### A.V. Ivanov, B.D. Summ

(Division of Colloid Chemistry)

The model of preferential wetting of heterogeneous solid surfaces is proposed. In a basis of model the assumption about two stage – wetting mechanism lays: at the first stage there is a displacement of a precursor phase; on the second — direct wetting of the solid surface by wetting liquid. Within the framework of the offered model the line of three-phase contact represents ensemble of alternating sites of positive and negative curvature. Conditions of balance on a three-phase line (TPL) for a case when displacement of a precursor phase is limiting stage of process of selective (preferential) wetting are considered. The equation binding a static contact angle with a relative share of sites of different curvature on TPL is presented.